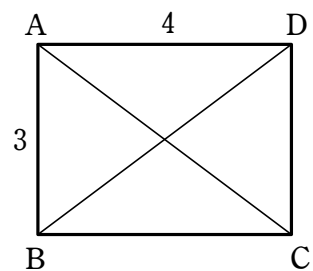


1. ベクトルの演算 問題

1. 等式 $\begin{cases} 2\vec{x} - 3\vec{y} = \vec{a} + 11\vec{b} \\ \vec{x} + \vec{y} = 3\vec{a} - 2\vec{b} \end{cases}$ を同時に満たす \vec{x} , \vec{y} を \vec{a} , \vec{b} で表せ。

2. $\triangle ABC$ の辺 BC の中点を M , 辺 AC の 3 等分点のうち C に近い方の点を N とする。
 \overrightarrow{MN} を \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{AC} で表せ。

3. $AB=3$, $AD=4$ の長方形 $ABCD$ がある。 $\overrightarrow{AB}=\vec{b}$,
 $\overrightarrow{AD}=\vec{d}$ とするとき, ベクトル $\overrightarrow{AB}+\overrightarrow{AC}$ と同じ向き
の単位ベクトルを \vec{b} , \vec{d} で表せ。

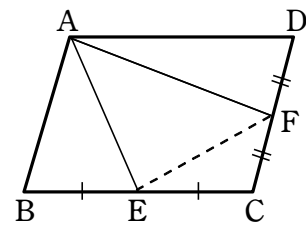


4. $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$, $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$, $\overrightarrow{OP} = 5\vec{a} - 4\vec{b}$, $\overrightarrow{OQ} = 2\vec{a} - \vec{b}$ であるとき, $\overrightarrow{PQ} \parallel \overrightarrow{AB}$ であることを示せ。ただし, $\vec{a} \neq \vec{0}$, $\vec{b} \neq \vec{0}$ で, \vec{a} と \vec{b} は平行でないものとする。

5. 平行四辺形 ABCD の辺 BC, CD の中点を, それぞれ E, F とし, $\overrightarrow{AB} = \vec{b}$, $\overrightarrow{AD} = \vec{d}$ とする。

(1) \overrightarrow{EF} を \vec{b} , \vec{d} で表せ。

(2) $\overrightarrow{AE} = \vec{u}$, $\overrightarrow{AF} = \vec{v}$ とするとき, \vec{b} , \vec{d} を \vec{u} , \vec{v} で表せ。



6. 四角形 ABCD において等式 $\overrightarrow{AC} + \overrightarrow{BD} = 2\overrightarrow{AD}$ が成り立つとき, この四角形は平行四辺形であることを証明せよ。